

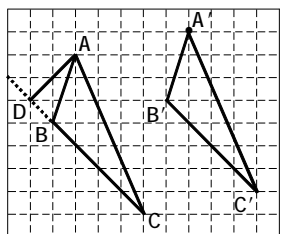
命题是假命题.

(2)当 $a=2, b=-2$ 时, 满足 $a+b=0$, 但 $a \neq 0, b \neq 0$, 故原命题是假命题.

(3)当 $\angle 1=45^\circ, \angle 2=30^\circ$ 时, $\angle 1 > \angle 2$, 但 $\angle 1$ 不是钝角, 故原命题是假命题.

注: 答案不唯一, 正确即可.

20.解: (1)如图, 三角形 $A'B'C'$ 为所作.



(第 20 题图)

(2)平行且相等.

(3)如图, AD 为所作.

21.解: 依次填 90° ; 垂线的定义; 同位角相等, 两直线平行; EF ; 内错角相等, 两直线平行; EF ; 平行于同一直线的两条直线平行; 两直线平行, 同位角相等.

22.解: (1) $\therefore OF \perp CD$,

$\therefore \angle DOF=90^\circ$.

$\therefore \angle AOC=72^\circ$,

$\therefore \angle BOD=\angle AOC=72^\circ$.

$\therefore OE$ 平分 $\angle BOD$,

$\therefore \angle DOE=\frac{1}{2}\angle BOD=36^\circ$.

$\therefore \angle EOF=\angle DOF-\angle DOE=90^\circ-36^\circ=54^\circ$.

(2)设 $\angle BOF=x^\circ$, 则 $\angle DOE=(x+24)^\circ$.

$\therefore OE$ 平分 $\angle BOD$,

$\therefore \angle BOD=2\angle DOE=(2x+48)^\circ$.

$\therefore \angle BOD+\angle BOF=\angle DOF=90^\circ$,

$\therefore 2x+48+x=90$.

解得 $x=14$, 即 $\angle BOF=14^\circ$.

$\therefore \angle AOF=180^\circ-\angle BOF=166^\circ$.

23.解: (1)证明: $\therefore AE \perp BC, FG \perp BC$,

$\therefore AE \parallel GF$.

$\therefore \angle 2=\angle A$.

$\therefore \angle 1=\angle 2$,

$\therefore \angle 1=\angle A$.

$\therefore AB \parallel CD$.

(2) $\therefore AB \parallel CD$,

$\therefore \angle D+\angle CBD+\angle 3=180^\circ$.

$\therefore \angle D=\angle 3+60^\circ, \angle CBD=70^\circ$,

$\therefore \angle 3=25^\circ$.

$\therefore AB \parallel CD$,

$\therefore \angle C=\angle 3=25^\circ$.

24.解: (1) $AA' \parallel CC'$.

(2)证明: 根据平移的特征, 可知 $\angle A'=\angle BAC, A'C' \parallel AC, AA' \parallel CC'$.

$\therefore \angle BAC=\angle ACC'$.

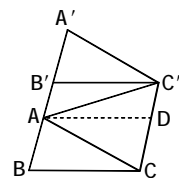
$\therefore \angle A'=\angle ACC'$.

$\therefore \angle ACC'+\angle CAC'+\angle AC'C=180^\circ$,

$\therefore \angle A'+\angle CAC'+\angle AC'C=180^\circ$.

(3)结论: $\angle CAC'=x+y$.

证明: 如图, 过点 A 作 $AD \parallel BC$, 交 CC' 于点 D .



(第 24 题图)

根据平移的特征, 可知 $B'C' \parallel BC$.

$\therefore B'C' \parallel AD \parallel BC$.

$\therefore \angle AC'B'=\angle C'AD, \angle ACB=\angle CAD$.

$\therefore \angle CAC'=\angle C'AD+\angle CAD=\angle AC'B'+\angle ACB=x+y$,

即 $\angle CAC'=x+y$.

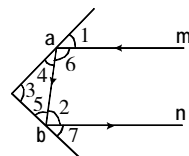
25.解: 阅读并回答

(1)两直线平行, 同位角相等; 等量代换.

(2)同位角相等, 两直线平行.

解决问题

如图.



(第 25 题图)

$\therefore \angle 1=42^\circ$,

$\therefore \angle 4=\angle 1=42^\circ$.

$\therefore \angle 6=180^\circ-42^\circ-42^\circ=96^\circ$.

$\therefore m \parallel n$,

$\therefore \angle 2+\angle 6=180^\circ$.

$\therefore \angle 2=84^\circ$.

$\therefore \angle 5=\angle 7=\frac{180^\circ-\angle 2}{2}=48^\circ$.

$\therefore \angle 3=180^\circ-48^\circ-42^\circ=90^\circ$.

26.解: (1) $\therefore PE \parallel AB, AB \parallel CD$,

$\therefore PE \parallel AB \parallel CD$.

$\therefore \angle PAB+\angle APE=180^\circ, \angle PCD+\angle CPE=180^\circ$.

$\therefore \angle PAB=120^\circ, \angle PCD=130^\circ$,

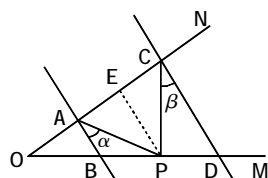
$\therefore \angle APE=60^\circ, \angle CPE=50^\circ$.

$\therefore \angle APC=\angle APE+\angle CPE=110^\circ$.

故填 110° .

(2) $\angle APC=\alpha+\beta$.

理由: 如图, 过点 P 作 $PE \parallel AB$ 交 AC 于点 E .



(第 26 题图)

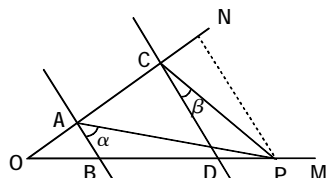
$\therefore AB \parallel CD$,

$\therefore AB \parallel PE \parallel CD$.

$\therefore \angle APE=\alpha, \angle CPE=\beta$.

$\therefore \angle APC=\angle APE+\angle CPE=\alpha+\beta$.

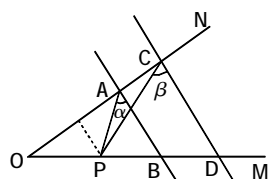
(3)如图①, 当点 P 在 BD 延长线上时, $\angle APC=\alpha-\beta$;



①

(第 26 题图)

如图②, 当点 P 在 DB 延长线上时, $\angle APC=\beta-\alpha$.



②

(第 26 题图)

第 25 期

2 版

5.1.1 相交线

1.D

2.D

3. $\angle 3, 155^\circ, 25^\circ, 155^\circ$

4. 110°

5.解: 因为 $\angle AOC=70^\circ$,

所以 $\angle BOD=\angle AOC=70^\circ$.

因为 $\angle BOE:\angle DOE=2:3$,

所以 $\angle BOE=\frac{2}{5}\times 70^\circ=28^\circ$.

所以 $\angle AOE=180^\circ-28^\circ=152^\circ$.

5.1.2 垂线

第 1 课时

1.B

2.C

3.C

4.略

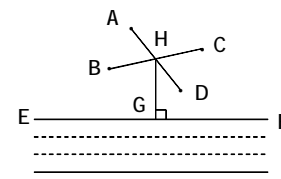
第 2 课时

1.D

2.C

3.2.05

4.解: (1)如图所示:



(第 4 题图)

因为两点之间线段最短, 所以连接 AD, BC 交于点 H , 则 H 为蓄水池位置, 它到四个村庄距离之和最小.

(2)过点 H 作 $HG \perp EF$, 垂足为 G . 根据“过直线外一点与直线上各点的连线中, 垂线段最短”, 可知 HG 即为最短水渠.

5.1.3 同位角、内错角、同旁内角

1.A

2.C

3.(1) $\angle ACD$

(2) $\angle ACD, \angle ACB$

(3) $\angle ACD, \angle ACB, \angle EFD$

4.解: 图①中, $\angle 1$ 和 $\angle 2$ 是直线 AB, CD 被直线 BD 所截形成的内错角, $\angle 3$ 和 $\angle 4$ 是直线 AD, CB 被直线 BD 所截形成的内错角.

图②中, $\angle 1$ 和 $\angle 2$ 是直线 AB, CD 被直线 BC 所截形成的同位角, $\angle 3$ 和

$\angle 4$ 是直线 AB, CB 被直线 AC 所截形成的同旁内角.

3 版

一、选择题

1~6. BDAAAD

二、填空题

7.AC

8. $\angle BOC, \angle AOF$ 和 $\angle BOE$

9. $\angle ECD, \angle ECF$

10. ①③

11. 120°

12. 125° 或 55°

三、解答题

13.解: (1) DE, CB, AC , 同位;

(2) EBC, BE ;

(3) DEC, ECB ;

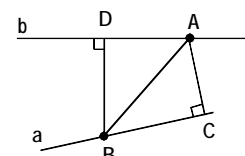
(4) ABE, BEC .

14.解: 如图所示:

(1)沿 AB 走最近, 两点之间, 线段最短;

(2)沿 AC 走最近, 垂线段最短;

(3)沿 BD 走最近, 垂线段最短.



(第 14 题图)

15.解: (1)因为 $\angle AOE=90^\circ$,

所以 $\angle EOB=180^\circ-\angle AOE=90^\circ$.

因为 $\angle EOF=30^\circ$,

所以 $\angle FOB=\angle EOB-\angle EOF=60^\circ$.

因为 OF 平分 $\angle BOC$,

所以 $\angle BOC=2\angle FOB=120^\circ$.

所以 $\angle BOD=180^\circ-\angle BOC=60^\circ$.

(2) $\angle BOD=2\angle EOF$.

理由如下:

设 $\angle EOF=x$.

因为 $\angle AOE=90^\circ$,

所以 $\angle EOB=180^\circ-\angle AOE=90^\circ$.

因为 $\angle EOF=x$,

所以 $\angle FOB=\angle EOB-\angle EOF=90^\circ-x$.

因为 OF 平分 $\angle BOC$,

所以 $\angle BOC=2\angle FOB=180^\circ-2x$.

所以 $\angle BOD=180^\circ-\angle BOC=180^\circ-$

$(180^\circ-2x)=2x$.

所以 $\angle BOD=2\angle EOF$.

16.解: (1)因为 $OE \perp CD$,

所以 $\angle COE=90^\circ$.

因为 $\angle AOC=36^\circ$,

所以 $\angle BOE=180^\circ-\angle AOC-\angle COE=$

54° .

(2)因为 $\angle BOD:\angle BOC=1:5, \angle BOD+\angle BOC=180^\circ$,

所以 $\angle BOD=180^\circ \times \frac{1}{1+5}=30^\circ$.

所以 $\angle AOC=30^\circ$.

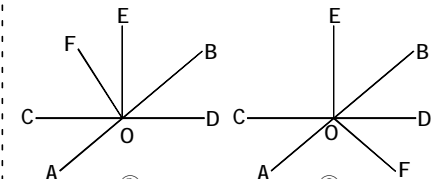
所以 $\angle AOE=\angle AOC+\angle COE=30^\circ+$

$90^\circ=120^\circ$.

(3)如图①, $\angle EOF=30^\circ$;

如图②, $\angle EOF=150^\circ$.

所以 $\angle EOF$ 的度数是 30° 或 150° .



(第 16 题图)

17.解: (1)因为 $OE \perp AB$,

所以 $\angle AOE=90^\circ$, 即 $\angle 1+\angle AOC=$

90° .

因为 $\angle 1=\angle 2$,

所以 $\angle 2+\angle AOC=90^\circ$, 即 $\angle POC=$

90° .

所以 $OP \perp CD$.

(2)因为 $\angle AOC+\angle BOC=180^\circ$, 且 $\angle BOC=2\angle AOC$,

所以 $\angle AOC=60^\circ$.

因为 $OE \perp AB$,

所以 $\angle AOE=90^\circ$.

所以 $\angle COE=90^\circ-60^\circ=30^\circ$.

(3)由(2), 知 $\angle AOC=60^\circ$.

所以 $\angle BOD=\angle AOC=60^\circ$.

因为 OM 平分 $\angle BOD$,

所以 $\angle BOM=\angle DOM=\angle AON=\angle CON=30^\circ$.

7

因为 $OE \perp AB, OF \perp CD$,
所以 $\angle AOE = \angle COF = 90^\circ$.

所以 $\angle AOC = \angle EOF = 60^\circ$.

所以 $\angle AOD = \angle BOC = \angle FON =$
 $\angle EOM = 180^\circ - 60^\circ = 120^\circ = 2\angle EOF$.

所以与 $2\angle EOF$ 度数相等的角是
 $\angle AOD, \angle BOC, \angle FON, \angle EOM$.

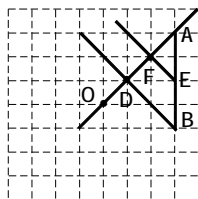
第 26 期

2 版

5.2.1 平行线

1.C 2.C

3.解:如图所示.



(第 3 题图)

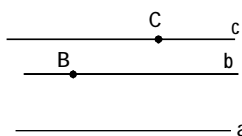
4.B

5.B

6.解:(1)如图,过直线 a 外的点 B
画直线 a 的平行线,有且只有一条直线.

(2)过点 C 画直线 a 的平行线,它
与过点 B 的平行线平行.理由如下:

如图,因为 $b \parallel a, c \parallel a$,所以 $c \parallel b$.



(第 6 题图)

5.2.2 平行线的判定

1.B 2.D 3.B

4.内错角相等,两直线平行

5. $\angle CAB, \angle CAB, CD$

6.解: $AB \parallel CD, AC \parallel BD$.

理由: $\because \angle 1 = 62^\circ, \angle 2 = 62^\circ$,

$\therefore \angle 1 = \angle 2$.

$\therefore AB \parallel CD$.

$\because \angle 1 = 62^\circ, \angle 3 = 118^\circ$,

$\therefore \angle 1 + \angle 3 = 180^\circ$.

$\therefore AC \parallel BD$.

5.3.1 平行线的性质

1.A 2.D 3.A

4.解: $\because AB \parallel CD$,

$\therefore \angle CFG = \angle AGE = 50^\circ$.

$\therefore \angle GFD = 180^\circ - \angle CFG = 130^\circ$.

又 FH 平分 $\angle EFD$,

$\therefore \angle HFD = \frac{1}{2} \angle EFD = 65^\circ$.

$\therefore AB \parallel CD$,

$\therefore \angle BHF + \angle HFD = 180^\circ$.

$\therefore \angle BHF = 180^\circ - \angle HFD = 115^\circ$.

3 版

一、选择题

1~6.DDACDD

二、填空题

7.1//b(或平行)

8. $\angle C = \angle D$ (答案不唯一)

9.100°

10.124°

11.60°

12.30°或 45°

三、解答题

13.解: $\because \angle 1 = \angle 2$,

$\therefore AB \parallel CD$.

$\because \angle 3 + \angle 4 = 180^\circ$,

$\therefore CD \parallel EF$.

$\therefore AB \parallel EF$.

14.解: $\because OH \perp AB$,

$\therefore \angle AOH = 90^\circ$.

$\because AB \parallel CD, \angle 2 = 50^\circ$,

$\therefore \angle AOF = \angle 2 = 50^\circ$.

$\therefore \angle 1 = 180^\circ - \angle AOH - \angle AOF = 40^\circ$.

15.解: $\angle M = \angle N$.理由如下:

$\because \angle ABE + \angle CEB = 180^\circ$,

$\therefore AB \parallel CD$.

$\therefore \angle ABE = \angle DEB$,即 $\angle 1 + \angle MBE =$
 $\angle 2 + \angle NEB$.

又 $\angle 1 = \angle 2$,

$\therefore \angle MBE = \angle NEB$.

$\therefore BM \parallel EN$.

$\therefore \angle M = \angle N$.

16.解:(1) $DE \parallel BC$.理由如下:

$\because \angle 1 = \angle 3$,

$\therefore AB \parallel EF$.

$\therefore \angle 2 = \angle ADE$.

$\because \angle 2 = \angle B$,

$\therefore \angle ADE = \angle B$.

$\therefore DE \parallel BC$.

(2)设 $\angle B = x$,则 $\angle 1 = 3\angle B = 3x$.

由(1)知, $\angle ADE = \angle B = x$.

$\therefore DE$ 平分 $\angle ADC$,

$\therefore \angle ADC = 2\angle ADE = 2x$.

$\because \angle BDC + \angle ADC = 180^\circ$,

$\therefore 3x + 2x = 180^\circ$.

解得 $x = 36^\circ$.

$\therefore \angle ADC = 2x = 72^\circ$.

$\therefore AB \parallel EF$,

$\therefore \angle EFC = \angle ADC = 72^\circ$.

17.解:(1) $OE \parallel DM$.理由如下:

$\because \angle BNM = \angle AND, \angle AOE = \angle BNM$,

$\therefore \angle AOE = \angle AND$.

$\therefore OE \parallel DM$.

(2) $\therefore AB$ 与底座 CD 都平行于地
面 EF ,

$\therefore AB \parallel CD$.

$\therefore \angle BOD = \angle ODC = 30^\circ$.

$\because \angle AOF + \angle BOD = 180^\circ$,

$\therefore \angle AOF = 150^\circ$.

$\because OE$ 平分 $\angle AOF$,

$\therefore \angle EOF = \frac{1}{2} \angle AOF = 75^\circ$.

$\therefore \angle BOE = \angle BOD + \angle EOF = 105^\circ$.

$\because OE \parallel DM$,

$\therefore \angle ANM = \angle BOE = 105^\circ$.

第 27 期

2 版

5.3.2 命题、定理、证明

1.C

2.①④

3.解:(1)如果两个角是同一个角
的补角,那么这两个角相等.

(2)如果两个角是对顶角,那么这
两个角相等.

4.解:(1)等角的余角相等,是真
命题.

(2)平行线的一组同旁内角的平
分线互相垂直,是真命题.

(3)和为 180° 的两个角叫做邻补
角,是假命题.

反例:如在不同书本上的两个和
为 180° 的角.

5.A

6.解:(1)两直线平行,同旁内角互
补; $\angle DBE$;两直线平行,同位角相等.

(2)选取①③作为题设,②作为结
论,即“如果 $AB \parallel CD, \angle DBE + \angle C =$
 180° ,那么 $AC \parallel BD$ ”,它是一个真命题.

数学 人教

七年级答案页第 7 期

2023-2024 学年



证明: $\because AB \parallel CD$,
 $\therefore \angle A + \angle C = 180^\circ$ (两直线平行,同
旁内角互补).

$\therefore \angle DBE + \angle C = 180^\circ$,

$\therefore \angle A = \angle DBE$ (等量代换).

$\therefore AC \parallel BD$ (同位角相等,两直线平
行).

注:选取②③作为题设,①作为结
论,也是真命题,证明略.

5.4 平移

第 1 课时

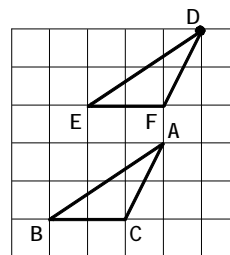
1~5.ADBBC

第 2 课时

1.C

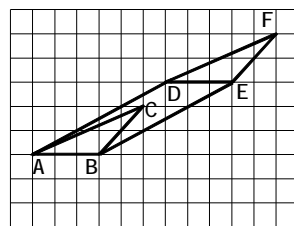
2.B

3.解:平移后的三角形 DEF 如图
所示.



(第 3 题图)

4.解:(1)如图,三角形 DEF 即为
所求.



(第 4 题图)

(2) $AD \parallel BE, AD = BE, 9$.

提示:由平移的性质可知, $AD \parallel$
 $BE, AB \parallel DE$. 线段 AB 扫过的部分所
组成的封闭图形的面积 $= 3 \times 3 = 9$.

3 版

一、选择题

1~6.BDDCBA

二、填空题

7.两条直线被第三条直线所截,

如果内错角相等,那么这两条直线平行

8.①②

9.-2(答案不唯一, $c \leq 0$ 即可)

10.5,3

11.4

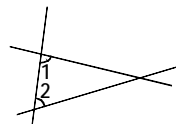
12.15°或 45°

三、解答题

13.解:(1)假命题.反例为:40°与
60°的和为 100° , 100° 的角是钝角.

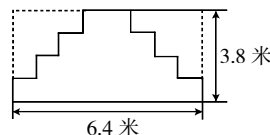
(2)真命题.

(3)假命题.反例为:如图, $\angle 1 +$
 $\angle 2 < 180^\circ$.



(第 13(3)题图)

14.解:如图:



(第 14 题图)

\therefore 把台阶向上向左平移,构成一
个长方形,长、宽分别为 6.4 米,3.8 米,

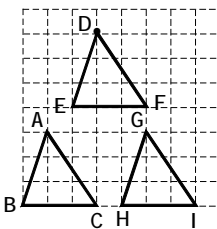
\therefore 地毯的长度为 $6.4 + 3.8 + 3.8 = 14$
(米),地毯的面积为 $14 \times 3 = 42$ (平方米).

$42 \times 20 = 840$ (元).

答:买地毯至少需要 840 元.

15.解:(1)如图所示,三角形 DEF
即为所求.

(2)如图所示,三角形 GHI 即为
所求.



(第 15 题图)

16.解:(1)证明: $\because DE \parallel AB$,

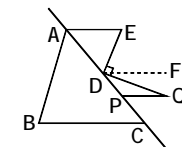
$\therefore \angle BAE + \angle E = 180^\circ$.

$\because \angle B = \angle E$,

$\therefore \angle BAE + \angle B = 180^\circ$.

$\therefore AE \parallel BC$.

(2)如图,过点 D 作 $DF \parallel AE$.



(第 16 题图)

$\therefore \angle EDF = \angle E = 75^\circ$.

$\because DE \perp DQ, \therefore \angle EDQ = 90^\circ$.

$\therefore \angle FDQ = 90^\circ - \angle EDF = 15^\circ$.

由平移的性质,得 $PQ \parallel AE$.

$\therefore DF \parallel PQ$.

$\therefore \angle Q = \angle FDQ = 15^\circ$.

17.解:(1)同位角相等,两直线平
行; $\angle 3$;内错角相等,两直线平行.

(2)是真命题.

证明: $\because GF \perp AB, CD \perp AB$ (已知),

$\therefore \angle BFG = \angle BDC = 90^\circ$ (垂直的定义).

$\therefore FG \parallel CD$ (同位角相等,两直线平
行).

$\therefore \angle 2 = \angle 3$ (两直线平行,同位角相
等).

$\therefore DE \parallel BC$ (已知),

$\therefore \angle 1 = \angle 3$ (两直线平行,内错角相
等).

$\therefore \angle 1 = \angle 2$ (等量代换).

(3)4.

第 28 期

2~3 版

一、选择题

1~5.CDCAC 6~10.DCABC

二、填空题

11.1

12.垂线段最短

13.60°

14.12

15.64°

16.11

17.①②④

18.60°或 105°或 135°

三、解答题

19.解:(1)当 $\angle 1 = \angle 2 = 30^\circ$ 时,满足
 $\angle 1 = \angle 2$,但 $\angle 1$ 和 $\angle 2$ 不是直角,故原