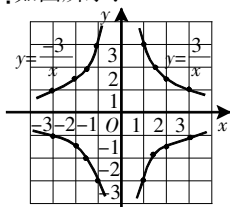


6.2 反比例函数的图象与性质

第1课时

1.B 2.二、四
3.解:如图所示:



(第3题图)
第2课时

1.A 2.>

3.解:(1)将点 $P(-1, n)$ 代入 $y = -3x$, 得 $n = 3$.

\therefore 反比例函数 $y = \frac{m-5}{x}$ 的图象经过点 $P(-1, 3)$, $\therefore m-5 = -3$.

解得 $m = 2$.

(2)由(1)可知,反比例函数的表达式为 $y = -\frac{3}{x}$. \therefore 当 $x = -3$ 时, $y = 1$.

(3) \therefore 在双曲线 $y = -\frac{3}{x}$ 的每一支曲线上, y 随 x 的增大而增大,且 $x_1 < x_2 < 0$, $\therefore y_1 < y_2$.

6.3 反比例函数的应用

1.B 2.B

3.解:(1) $y = \frac{900}{x} (x \leq 350)$.

(2) $3.6 \leq y \leq 4.5$.

(3)该游泳池不能在 2.5 小时内将池内的水放完.理由略.

3~4 版

一、选择题

1~6.CBCADC

二、填空题

7~3(答案不唯一)

8. $t = \frac{600}{m}$ 9. -2

10. 0.2 11. $x < 0$ 或 $1 < x < 5$

12. $1+2\sqrt{2}$ 或 $1-2\sqrt{2}$

三、解:图略.

(1)把 $x = 2$ 代入,得 $y = -\frac{4}{2} = -2$.

(2)当 $x = 1$ 时, $y = -4$; 当 $x = 4$ 时, $y = -1$. 根据图象,得当 $1 < x \leq 4$ 时, y 的取值范围为 $-4 < y \leq -1$.

14.解:(1) \therefore 反比例函数 $y = \frac{2k+1}{x}$ 的图象在第二、四象限,

$\therefore 2k+1 < 0$. 解得 $k < -\frac{1}{2}$.

(2) \therefore 反比例函数 $y = \frac{2k+1}{x}$ 的图象在每个象限内, y 随 x 的增大而减小,

$\therefore 2k+1 > 0$. 解得 $k > -\frac{1}{2}$.

15.解:(1)设密度 ρ 关于体积 V 的函数表达式为 $\rho = \frac{k}{V}$. 将 $(4, 2.5)$ 代入,得

$2.5 = \frac{k}{4}$.

解得 $k = 10$.

\therefore 密度 ρ 关于体积 V 的函数表达式为 $\rho = \frac{10}{V}$.

(2)将 $V = 10$ 代入 $\rho = \frac{10}{V}$, 得 $\rho = 1$.

\therefore 该气体的密度 ρ 为 1 kg/m^3 .

16.解:(1)设 y 关于 x 的函数表达式为 $y = \frac{k}{x}$.

把 $x = 6, y = 2$ 代入,得 $k = 6 \times 2 = 12$.

$\therefore y$ 关于 x 的函数表达式为 $y = \frac{12}{x}$.

(2)把 $y = 3$ 代入 $y = \frac{12}{x}$, 得 $x = 4$.

\therefore 小孔到蜡烛的距离为 4 cm .

17.(1) $y_2 = \frac{6}{x}$. (2) $0 < x < 3$ 或 $x > 6$.

四、

18.解:(1) \therefore 反比例函数 $y = \frac{k}{x}$ 的图象经过点 $A(-3, -2)$, 把 $x = -3, y = -2$ 代入表达式,可得 $k = 6$.

\therefore 反比例函数的表达式为 $y = \frac{6}{x}$.

(2) $\therefore k = 6 > 0$.

\therefore 图象在第一、三象限,在每个象限内, y 随 x 的增大而减小.

又 $\therefore 0 < 1 < 3$.

$\therefore B(1, m), C(3, n)$ 两个点在第一象限.

$\therefore m > n$.

19.解:(1) \therefore 点 B 是一次函数与反比例函数图象的交点.

\therefore 点 B 的坐标满足一次函数表达式.

$\therefore \frac{4}{3}m - 2 = 2$. $\therefore m = 3$.

$\therefore B(3, 2)$. $\therefore k = 6$.

\therefore 反比例函数的表达式为 $y = \frac{6}{x}$.

(2) $\therefore BC \perp y$ 轴,

$\therefore C(0, 2), BC \parallel x$ 轴. $\therefore BC = 3$.

令 $x = 0$, 则 $y = \frac{4}{3}x - 2 = -2$.

$\therefore A(0, -2)$. $\therefore AC = 4$.

$\therefore S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2}AC \cdot BC = 6$.

$\therefore \triangle ABC$ 的面积为 6.

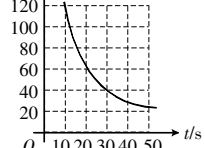
20.解:(1)设功率 $P(W)$ 与做功的时间 $t(s)$ 之间的函数关系式为 $P = \frac{k}{t} (k \neq 0)$.

把 $t = 10, P = 120$ 代入,得 $120 = \frac{k}{10}$.

解得 $k = 1200$.

\therefore 功率 $P(W)$ 与做功的时间 $t(s)$ 之间的函数关系式为 $P = \frac{1200}{t}$.

(2)如图所示:



(第20题图)

(3)当 $P = 100$ 时, $100 = \frac{1200}{t}$,

解得 $t = 12$.

\therefore 当功率小于 $100W$ 时,做功时间 t 的取值范围为 $t > 12$.

五、

21.解:(1)设当 $20 \leq x \leq 45$ 时,反比例函数的表达式为 $y = \frac{k}{x}$.

将 $C(20, 45)$ 代入,得 $45 = \frac{k}{20}$.

解得 $k = 900$.

\therefore 反比例函数的表达式为 $y = \frac{900}{x}$.

当 $x = 45$ 时, $y = \frac{900}{45} = 20$.

$\therefore D(45, 20)$.

$\therefore A(0, 20)$, 即点 A 对应的指标值为 20.

六、

(2)设当 $0 \leq x < 10$ 时, AB 的表达式为 $y = mx + n$.

将 $A(0, 20), B(10, 45)$ 代入,得

$\begin{cases} 20 = n, \\ 45 = 10m + n. \end{cases}$ 解得 $\begin{cases} m = \frac{5}{2}, \\ n = 20. \end{cases}$

$\therefore AB$ 的表达式为 $y = \frac{5}{2}x + 20$.

当 $y \geq 36$ 时, $\frac{5}{2}x + 20 \geq 36$.

解得 $x \geq \frac{32}{5}$.

由(1)得反比例函数的表达式为 $y = \frac{900}{x}$.

当 $y \geq 36$ 时, $\frac{900}{x} \geq 36$. 解得 $x \leq 25$.

\therefore 当 $\frac{32}{5} \leq x \leq 25$ 时,注意力指标都不低于 36.

$\therefore 25 - \frac{32}{5} = \frac{93}{5} > 17$,

\therefore 张老师能经过适当的安排,使学生在听这道综合题的讲解时,注意力指标都不低于 36.

22.解:(1) \therefore 点 $P(2, 4)$ 在直线 $y = k_1x$ ($x \geq 0$) 与双曲线 $y = \frac{k_2}{x}$ ($x > 0$) 上,

$\therefore 4 = 2k_1, 4 = \frac{k_2}{2}$.

解得 $k_1 = 2, k_2 = 8$.

(2) $\therefore O(0, 0)$ 经过平移得到对应点 $P(2, 4)$.

$\therefore \text{Rt} \triangle AOB$ 向右平移 2 个单位,再向上平移 4 个单位可得到 $\text{Rt} \triangle A'PB'$.

$\therefore A(4, 0)$ 经过平移得到 $A'(6, 4)$.

$\therefore A'C \parallel y$ 轴,交双曲线于点 C .

当 $x = 6$ 时, $y = \frac{8}{6} = \frac{4}{3}$. $\therefore C(6, \frac{4}{3})$.

设直线 PC 的表达式为 $y = kx + b$,

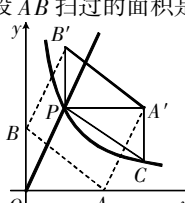
则有 $\begin{cases} 4 = 2k + b, \\ \frac{4}{3} = 6k + b. \end{cases}$ 解得 $\begin{cases} k = -\frac{2}{3}, \\ b = \frac{16}{3}. \end{cases}$

\therefore 直线 PC 的表达式为 $y = -\frac{2}{3}x + \frac{16}{3}$.

(3)如图,连接 BB', AA' , 由平移,得 $\triangle A'PB' \cong \triangle AOB$, 则有 $S_{\triangle A'PB'} = S_{\triangle AOB}$.

$S_{\triangle OAA'P} = 3 \times 2 \div 2 = 3$, $S_{\triangle OBB'P} = 4 \times 4 \div 2 = 8$.

\therefore 线段 AB 扫过的面积是 22.



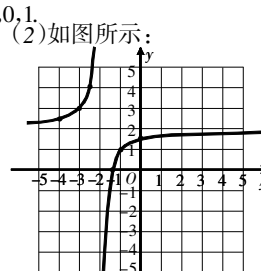
(第22题图)

六、

23.解:【建模】 $y = \frac{2x+3}{x+2}$.

【探究】(1) 从左到右依次填 $\frac{5}{2}$, 3, 4, 0, 1.

(2)如图所示:



(第23题图)

(3)① $(-2, 2)$; ② 2; ③ 增大.

【应用】高, 2.

提示:由图可得,当 $x \geq 0$ 时,函数图象从左往右上升,与直线 $y = 2$ 无限接近,

即 y 随 x 的增大而增大,函数值 y 与 2 无限接近.

故粽形香囊越多,所购买物品的平均价格越高,但不会突破 2 元.

数学 北师大

第9期

2版

4.6 利用相似三角形测高

解: $\therefore BA \perp AF, DC \perp AF, HG \perp AF$,

$\therefore \angle BAC = \angle DCE = \angle HGF = 90^\circ$.

$\therefore \angle DEC = \angle BEA$,

$\therefore \triangle EDC \sim \triangle EBA$.

$\therefore \frac{DC}{AB} = \frac{EC}{EA}$.

$\therefore \frac{2}{AB} = \frac{3}{3+AC}$.

$\therefore \angle HFG = \angle BFA$,

$\therefore \triangle HFG \sim \triangle BFA$.

$\therefore \frac{HG}{AB} = \frac{FG}{AF}$.

$\therefore \frac{2}{AB} = \frac{4}{4+11+AC}$.

$\therefore \frac{3}{3+AC} = \frac{4}{4+11+AC}$.

解得 $AC = 33$ (米).

$\therefore \frac{2}{AB} = \frac{3}{3+33}$.

解得 $AB = 24$ (米).

\therefore 常乐宝塔的高度 AB 为 24 米.

4.7 相似三角形的性质

第1课时

1.A

2.解:设 $DG = 2x \text{ cm}$, 则 $DE = 3x \text{ cm}$.

$\therefore DE \parallel BC, \therefore \triangle ADE \sim \triangle ABC$.

$\therefore \frac{DE}{BC} = \frac{AM}{AH}$, 即 $\frac{3x}{15} = \frac{10-2x}{10}$.

解得 $x = 2.5$.

$\therefore EF = DG = 5 \text{ cm}, GF = DE = 7.5 \text{ cm}$.

第2课时

1.B

2.C

3.C

4.8 图形的位似

第1课时

1.B

2.A

3.略

第2课时

1.C

2.解:(1)建立平面直角坐标系略.

B 点坐标为 $(2, 1)$; (2)略; (3) 16.

3版

一、选择题

1~6.ACCBDB

二、填空题

7.1:2 8.4.5 9.2 10. $\frac{72}{5}$

11.5.6 12.(16,8)

三、解答题

13.证明: $\therefore \triangle ABC \sim \triangle A'B'C'$,

$\therefore \angle ABD = \angle A'B'D'$.

$\therefore AD$ 和 $A'D'$ 分别是 $\triangle ABC$ 和 $\triangle A'B'C'$ 的高,

$\therefore \angle ADB = \angle A'D'B' = 90^\circ$.

$\therefore \triangle ABD \sim \triangle A'B'D'$.

$\therefore \frac{AB}{A'B'} = \frac{AD}{A'D'}$.

同理可得 $\frac{AB}{A'B'} = \frac{BE}{B'E'}$.

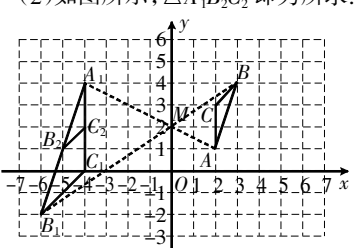
$\therefore \frac{AD}{A'D'} = \frac{BE}{B'E'}$.

14.解:(1)点 M 的位置如图所示,

$M(0, 2)$.

中考版答案页第3期

(2)如图所示, $\triangle A_1B_1C_1$ 即为所求.



(第14题图)

15.解:(1) $\therefore \triangle ABC \sim \triangle A'B'C'$,

$\frac{AB}{A'B'} = \frac{1}{2}$, AB 边上的中线 $CD = 4 \text{ cm}$,

$\therefore \frac{CD}{C'D'} = \frac{1}{2}$. $\therefore C'D' = 4 \times 2 = 8 \text{ (cm)}$.

$\therefore A'B'$ 边上的中线 $C'D'$ 的长为 8 cm .

(2) $\therefore \triangle ABC \sim \triangle A'B'C'$, $\frac{AB}{A'B'} = \frac{1}{2}$,

$\triangle ABC$ 的周长为 20 cm ,

$\therefore \frac{C_{\triangle ABC}}{C_{\triangle A'B'C'}} = \frac{1}{2}$.

$\therefore C_{\triangle A'B'C'} = 20 \times 2 = 40 \text{ (cm)}$.

$\therefore \triangle A'B'C'$ 的周长为 40 cm .

(3) $\therefore \triangle ABC \sim \triangle A'B'C'$, $\frac{AB}{A'B'} = \frac{1}{2}$,

$\triangle A'B'C'$ 的面积是 64 cm^2 ,

$\therefore \frac{S_{\triangle ABC}}{S_{\triangle A'B'C'}} = \left(\frac{1}{2}\right)^2 = \frac{1}{4}$.

$\therefore S_{\triangle ABC} = 64 \div 4 = 16 \text{ (cm}^2\text{)}$.

$\therefore \triangle ABC$ 的面积是 16 cm^2 .

16.解: $\therefore AD \parallel CE$,

$\therefore \angle CED = \angle ADB$.

又 $\therefore \angle CDE = \angle ABD = 90^\circ$,

$\therefore \triangle CDE \sim \triangle ABD$.

$\therefore \frac{CD}{AB} = \frac{DE}{BD}$.

\therefore 高 2 米的标杆 CD 的影子 DE 为 2 米, 即 $CD = DE$, $\therefore BD = AB$.

如图,过点

