

第9期
2版

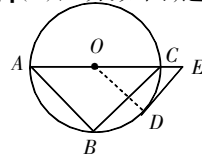
24.2.1 点和圆的位置关系

1.D 2.B 3.C 4.(3,1)

5.D 6.B 7.D

24.2.2 直线和圆的位置关系

1.C 2.35°

3.解:(1)证明:如图,连接 OD .

(第3题图)

∴点 D 是 \widehat{BC} 的中点,∴ $OD \perp BC$.∴ $DE \parallel BC$, ∴ $OD \perp DE$.(2)∵ AC 是 $\odot O$ 的直径,∴ $\angle B = 90^\circ$, $AC = 10$.∴ $\angle A = 45^\circ$,∴ $\angle ACB = 45^\circ$.∴ $BC \parallel DE$, ∴ $\angle E = 45^\circ$.又 $\angle ODE = 90^\circ$,∴ $\triangle ODE$ 为等腰直角三角形.根据勾股定理,得 $OE = 5\sqrt{2}$.∴ $CE = OE - OC = 5\sqrt{2} - 5$.

4.B 5.A 6.1

3~4版

一、选择题

1~5.BBDAC 6~10.BDBBC

二、填空题

11.相离 12.25 13. $2\sqrt{5}$ 14. $\sqrt{10}$ 15. $(8-2\sqrt{2})$

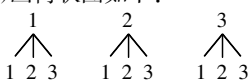
三、解答题(一)

16.证明:(1)∵ 四边形 $ABCD$ 是矩形,∴ $AC = BD$, $OA = OC = \frac{1}{2}AC$, $OB =$
 $OD = \frac{1}{2}BD$.
 ∴ $OA = OB = OC = OD$.
 ∴ A, B, C, D 四个点在以点 O 为圆心的同一个圆上.
(2)∵ $CD \perp CA$,∴ $\angle ACD = 90^\circ$.∴ $\angle DAC + \angle D = 90^\circ$.∴ AD 为 $\odot O$ 的直径.∴ PA 为 $\odot O$ 的切线,∴ $AD \perp PA$, 即 $\angle DAP = 90^\circ$.∴ $\angle PAC + \angle DAC = 90^\circ$.∴ $\angle PAC = \angle D$.∴ $\angle B = \angle D$,∴ $\angle PAC = \angle B$.17.证明:连接 OC .∵ 点 O 是 $\triangle ABC$ 的内心,∴ $\angle CAD = \angle BAD$, $\angle OCA = \angle OCB$.∴ $\angle BAD = \angle BCD$,∴ $\angle COD = \angle CAD + \angle OCA = \angle BAD +$
 $\angle OCB = \angle BCD + \angle OCB$.
 又 $\angle DCO = \angle BCD + \angle OCB$,
 ∴ $\angle COD = \angle DCO$.
 ∴ $OD = CD$.
 18.解:连接 OC .

果,其中甲、乙、丙三人选择相同景点的结果有2种,

 ∴ 甲、乙、丙三人选择相同景点的概率为 $\frac{2}{8} = \frac{1}{4}$.
20.解:(1) $\frac{1}{3}$.

(2)画树状图如下:

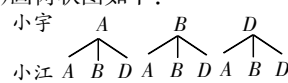


由树状图可知,共有9种等可能的结果,其中两次都摸到标有奇数的乒乓球的结果有:(1,1),(1,3),(3,1),(3,3),共4种.

 所以 P (两次都摸到标有奇数的乒乓球) = $\frac{4}{9}$.

 21.解:(1)所有的可能结果共有6种,分别为: AB, AC, AD, BC, BD, CD .

(2)画树状图如下:



由树状图可知,共有9种等可能的结果,其中小宇和小江选到相同社团的结果有3种,

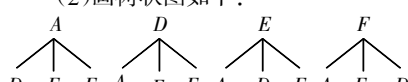
 ∴ 他俩选到相同社团的概率为 $\frac{3}{9} = \frac{1}{3}$.

五、解答题(三)

 22.解:(1)根据从 A, D, E, F 四个点中任意取一点,一共有4种可能,其中只有选取点 D 时,所画三角形是等腰三角形,

 故 P (所画三角形是等腰三角形) = $\frac{1}{4}$.

(2)画树状图如下:


 由树状图可知,共有12种等可能的结果,其中以点 A, E, B, C 为顶点及以 D, F, B, C 为顶点所画的四边形是平行四边形.

 所以 P (所画的四边形是平行四边形) = $\frac{4}{12} = \frac{1}{3}$.

23.解:(1)20,10.

(2)108.

(3)七(1)班3人分别用A,B,C表示,七(2)班2人分别用D,E表示.根据题意列表如下:

	A	B	C	D	E
A		(B,A)	(C,A)	(D,A)	(E,A)
B	(A,B)		(C,B)	(D,B)	(E,B)
C	(A,C)	(B,C)		(D,C)	(E,C)
D	(A,D)	(B,D)	(C,D)		(E,D)
E	(A,E)	(B,E)	(C,E)	(D,E)	

共有20种等可能的结果,其中2名学生来自不同班级的有12种,

 则 P (2名学生自不同班级) = $\frac{12}{20} =$
 $\frac{3}{5}$.

画树状图如下:

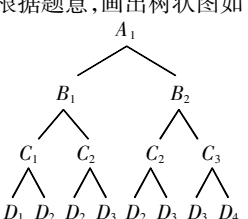


由树状图可知,共有16种等可能的结果,其中抽到扑克牌花色恰好是1张“红心”和1张“方块”的结果有2种,

 ∴ P (抽到扑克牌花色恰好是1张“红心”和1张“方块”) = $\frac{2}{16} = \frac{1}{8}$.

第2课时

解:根据题意,画出树状图如下:



由树状图可知,共有8种结果,且每种结果的可能性相同,其中落入③号槽内的有3种.

 ∴ P (圆球落入③号槽内) = $\frac{3}{8}$.

3~4版

一、选择题

1~5.ADADB 6~10.DACBB

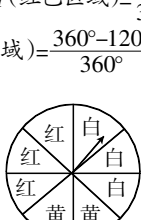
二、填空题

11.随机 12. $\frac{2}{5}$ 13. $\frac{1}{3}$ 14. $\frac{3}{16}$ 15. $\frac{1}{6}$

三、解答题(一)

16.解:(1) P (红色区域) = $\frac{120^\circ}{360^\circ} = \frac{1}{3}$,
 P (白色区域) = $\frac{360^\circ - 120^\circ}{360^\circ} = \frac{2}{3}$.

(2)如图.



(第16(2)题图)

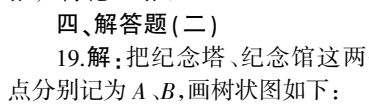
17.解:(1)∵ 一个袋中装有除颜色外都相同的红球和黄球共10个,其中红球6个,

∴ “摸出的球是白球”是不可能事件,“摸出的球是白球”的概率是0.

 (2)“摸出的球是黄球”是随机事件,“摸出的球是黄球”的概率是 $\frac{10-6}{10} = \frac{2}{5}$.

 18.解:我设计的方案如下:
 “红桃”5张,“黑桃”2张,“方块”1张,“梅花”2张.

四、解答题(二)

 19.解:把纪念馆、纪念馆这两个景点分别记为 A, B ,画树状图如下:


由树状图可知,共有8种等可能的结

 在 $\text{Rt}\triangle ODF$ 中,根据勾股定理,得 $OF^2 - OD^2 = DF^2$, 即 $(2OD)^2 - OD^2 = (6\sqrt{3})^2$.
 解得 $OD = 6$.

 过点 D 作 $DG \perp AB$ 于点 G , 可得 $DG = \frac{1}{2}DF = 3\sqrt{3}$ (cm).

 ∴ $S_{\text{阴影}} = S_{\text{扇形} BOD} + S_{\triangle AOD} = \frac{60\pi \times 6^2}{360} +$
 $\frac{1}{2} \times 6 \times 3\sqrt{3} = 6\pi + 9\sqrt{3}$ (cm²).

 ∴ 阴影部分的面积为 $(6\pi + 9\sqrt{3})$ cm².

五、解答题(三)

22.解:(1) $AC \cdot BD = AB \cdot CD + AD \cdot BC$.(2)连接 AD, AC .∵ 五边形 $ABCDE$ 是正五边形,∴ $\triangle ABC \cong \triangle DCB \cong \triangle AED$ (SAS).∴ $BD = AC = AD$.设 $BD = AC = AD = x$.
 在圆内接四边形 $ABCD$ 中,由托勒密定理,可得 $AC \cdot BD = AB \cdot CD + AD \cdot BC$,
 即 $x^2 = 2x^2 + x \cdot 2$.
解得 $x_1 = 1 + \sqrt{5}$, $x_2 = 1 - \sqrt{5}$ (舍去).∴ 对角线 BD 的长为 $1 + \sqrt{5}$.

23.解:(1)相等,120.

(2)由圆锥的底面周长等于扇形

 BOB' 的弧长,得 $2\pi r = \frac{n\pi l}{180}$.

 ∴ $n = \frac{2\pi r \times 180}{\pi l} = \frac{360r}{l}$.

 (3)∵ $l = 6, r = 3$,
 ∴ $n = \frac{360 \times 3}{6} = 180$.

 ∴ 圆锥形生日帽侧面展开后得到的扇形圆心角为 180° , 图略.

 ∴ $\angle A'PC = \frac{1}{2} \times 180^\circ = 90^\circ$.

 ∴ $PA' = PB = 6, PC = \frac{1}{2}PB = 3$,

 ∴ 在 $\text{Rt}\triangle A'PC$ 中, $A'C = \sqrt{PA'^2 + PC^2} =$
 $\sqrt{6^2 + 3^2} = 3\sqrt{5}$.
 ∴ 彩带长度的最小值为 $2A'C =$
 $6\sqrt{5}$ (cm).

第12期

2版

25.1.1 随机事件

1.D 2.A 3.1 4.B 5.3

25.1.2 概率

1.C 2. $\frac{1}{2}$

3.解:(1)0.

(2) $\frac{3}{5}$.(3)根据题意,得 $\frac{4+x}{10} = \frac{4}{5}$.解得 $x = 4$.所以 x 的值是4.

25.2 用列举法求概率

第1课时

1.D 2.A 3. $\frac{1}{6}$ 4.解:(1) $\frac{1}{4}$.
 (2)把“红心”“黑桃”“方块”“梅花”扑克牌分别记为 A, B, C, D .

$\therefore ND \perp AB, NF \perp AC, ND = NF,$
 $\therefore AN$ 平分 $\angle CAB$.

$$\therefore \angle NAD = \frac{1}{2} \angle CAB = 30^\circ.$$

在 $\text{Rt}\triangle ADN$ 中, $DN=6,$
 $\therefore AN=12.$

根据勾股定理, 得 $AD=6\sqrt{3}.$

$$\therefore p=6\sqrt{3}.$$

$$\therefore S_{\triangle ABC} = p \cdot m = 6\sqrt{3} \times 2 = 12\sqrt{3}.$$

第 10 期

2 版

24.3 正多边形和圆

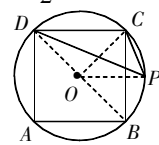
第 1 课时

1.B 2.D 3.A 4.2

5.解:(1)如图,连接 $OD, OC.$

\therefore 正方形 $ABCD$ 内接于 $\odot O,$
 $\therefore \angle DOC = 90^\circ.$

$$\therefore \angle CPD = \frac{1}{2} \angle DOC = 45^\circ.$$



(第 5 题图)

(2)如图,连接 $PO, OB.$

\therefore 正方形 $ABCD$ 内接于 $\odot O,$

$\therefore \angle COB = 90^\circ.$

\therefore 点 P 为 \widehat{BC} 的中点, $\therefore \widehat{CP} = \widehat{BP}.$

$$\therefore \angle COP = \frac{1}{2} \angle COB = 45^\circ.$$

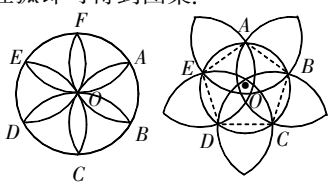
$$\therefore n = 360^\circ \div 45^\circ = 8.$$

第 2 课时

1.画图略.

2.解:在图①中把圆六等分,分别以六等分点 A, B, C, D, E, F 为圆心,以 OA 为半径画弧即可得到图案.

在图②中把圆五等分,分别以五等分点 A, B, C, D, E 为圆心,以 AB 为半径画弧即可得到图案.



(第 2 题图)

24.4 弧长和扇形面积

第 1 课时

1.C 2.120 3.18 4. $\pi-2$

5.解:(1)连接 $OC.$

$\therefore CD$ 是 $\odot O$ 的切线, $\therefore OC \perp CD.$

$\therefore AD \perp CD, \therefore OC \parallel AD.$

$\therefore \angle OCA = \angle CAD = 36^\circ.$

$\therefore OA = OC,$

$\therefore \angle OAC = \angle OCA = 36^\circ.$

$\therefore AB$ 为直径, $\therefore \angle ACB = 90^\circ.$

$\therefore \angle B = 90^\circ - \angle CAB = 90^\circ - 36^\circ = 54^\circ.$

(2)连接 $OE.$

$\therefore \odot O$ 的直径 $AB=3, \therefore OA=1.5.$

$\therefore \angle COE = 2 \angle CAE = 2 \times 36^\circ = 72^\circ,$

$\therefore \widehat{EC}$ 的长为 $\frac{72 \times \pi \times 1.5}{180} = \frac{3}{5} \pi.$

第 2 课时

1.B 2.24

3.解: \therefore 正方形 $ABCD$ 的边长为 4,

$\therefore AD = AE = 4.$

$\therefore AC$ 是正方形 $ABCD$ 的对角线,

$\therefore \angle EAD = 45^\circ.$

$\therefore \widehat{DE}$ 的长为 $\frac{45 \times \pi \times 4}{180} = \pi.$

设该圆锥的底面圆的半径为 $r.$

则 $2\pi r = \pi.$

$$\text{解得 } r = \frac{1}{2}.$$

\therefore 该圆锥的底面圆的半径是 $\frac{1}{2}.$

3~4 版

一、选择题

1~5.CCBBB 6~10.CCCBA

二、填空题

11. 60π 12. $\frac{4}{3}\pi$ 13.3

14.3 15. $\frac{1}{4}$

16.3 17. $\frac{1}{4}$

三、解答题(一)

16.解:(1)图略.

(2)设圆锥底面圆的半径 AO 为 $r.$

$\therefore AC=3, \angle ACB=120^\circ,$

$\therefore \widehat{AB}$ 的长为 $\frac{120 \times \pi \times 3}{180} = 2\pi.$

$\therefore 2\pi r = 2\pi,$

$\therefore r=1.$

$\therefore OC = \sqrt{AC^2 - OA^2} = \sqrt{3^2 - 1^2} = 2\sqrt{2}.$

答:此圆锥高 OC 的长为 $2\sqrt{2}.$

17.证明: \therefore 五边形 $ABCDE$ 是正五边形,

$\therefore AB=BC=CD=DE=AE, \angle ABC = \angle BAE = 108^\circ.$

$\therefore \angle BCA = \angle BAO = \frac{1}{2} \times (180^\circ - 108^\circ) = 36^\circ.$

同理, $\angle CBD = 36^\circ.$

$\therefore \angle ABO = \angle ABC - \angle CBD = 180^\circ - 36^\circ = 72^\circ.$

$\therefore \angle AOB = 180^\circ - 72^\circ - 36^\circ = 72^\circ = \angle ABO.$

$\therefore AB=OA.$

$\therefore OA=CD.$

18.解:过点 O 作 $OE \perp BC$, 垂足为 $E.$

\therefore 四边形 $ABCD$ 为 $\odot O$ 的内接正方形,

$\therefore \angle BOC = \frac{360^\circ}{4} = 90^\circ, \angle OBC = 45^\circ,$

$OB=6.$

$\therefore BE=OE.$

在 $\text{Rt}\triangle OBE$ 中, $\angle BEO=90^\circ$, 根据勾股定理, 得

$OE^2 + BE^2 = OB^2$, 即 $2OE^2 = OB^2 = 36.$

解得 $OE=3\sqrt{2}.$

$\therefore BE=OE=3\sqrt{2}.$

$\therefore BC=2BE=6\sqrt{2}.$

\therefore 正方形 $ABCD$ 的边长为 $6\sqrt{2},$

边心距为 $3\sqrt{2}.$

四、解答题(二)

19.解:(1)(1,1), (0,4), (2,2).

(2)由题意知, 点 B 旋转到点 B_1

的弧所在的圆的半径为 4, 弧所对的圆心角为 $90^\circ,$

\therefore 弧长为 $\frac{90 \times \pi \times 4}{180} = 2\pi.$

20.解:(1)连接 OA , 过点 O 作 $OD \perp AC$ 于点 $D.$

则 $AD=DC.$

$\therefore \angle BAC = 60^\circ, \therefore \angle OAD = 30^\circ.$

$\therefore OD = \frac{1}{2} OA = 1.$

根据勾股定理, 得 $AD = \sqrt{OA^2 - OD^2} = \sqrt{3}.$

$\therefore AC = 2AD = 2\sqrt{3},$ 即剪下的扇形 ABC (即阴影部分) 的半径为 $2\sqrt{3}.$

(2)扇形 ABC 的弧长为:

$$\frac{60 \times \pi \times 2\sqrt{3}}{180} = \frac{2\sqrt{3}}{3} \pi.$$

$$\therefore 2\pi r = \frac{2\sqrt{3}}{3} \pi. \text{ 解得 } r = \frac{\sqrt{3}}{3}.$$

\therefore 此圆锥形铁帽的底面圆的半径 r 为 $\frac{\sqrt{3}}{3}.$

21.(1)证明: $\therefore \widehat{AD} = \widehat{AD},$

$\therefore \angle ACD = \angle DBA.$

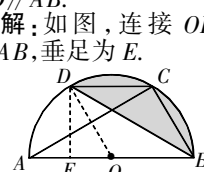
又 $\angle CAB = \angle DBA,$

$\therefore \angle CAB = \angle ACD.$

$\therefore CD \parallel AB.$

(2)解:如图, 连接 OD , 过点 D

作 $DE \perp AB$, 垂足为 $E.$



(第 21 题图)

$\therefore \angle ACD = 30^\circ,$

$\therefore \angle AOD = 60^\circ.$

$\therefore \angle BOD = 180^\circ - \angle AOD = 120^\circ.$

$\therefore AB=4, \therefore OD = \frac{1}{2} AB = 2.$

$$\therefore S_{\text{扇形} BOD} = \frac{120 \times \pi \times 2^2}{360} = \frac{4}{3} \pi.$$

在 $\text{Rt}\triangle ODE$ 中, 根据勾股定理可求得 $DE = \sqrt{3}.$

$$\therefore S_{\triangle BOD} = \frac{1}{2} OB \cdot DE = \frac{1}{2} \times 2 \times \sqrt{3} = \sqrt{3}.$$

$$\therefore S_{\text{阴影}} = S_{\text{扇形} BOD} - S_{\triangle BOD} = \frac{4}{3} \pi - \sqrt{3}.$$

$$\therefore S_{\text{阴影}} = S_{\text{扇形} BOD} - S_{\triangle BOD} = \frac{4}{3} \pi - \sqrt{3}.$$

$$\therefore S_{\text{阴影}} = S_{\text{扇形} BOD} - S_{\triangle BOD} = \frac{4}{3} \pi - \sqrt{3}.$$

$$\therefore S_{\text{阴影}} = S_{\text{扇形} BOD} - S_{\triangle BOD} = \frac{4}{3} \pi - \sqrt{3}.$$

$$\therefore S_{\text{阴影}} = S_{\text{扇形} BOD} - S_{\triangle BOD} = \frac{4}{3} \pi - \sqrt{3}.$$

$$\therefore S_{\text{阴影}} = S_{\text{扇形} BOD} - S_{\triangle BOD} = \frac{4}{3} \pi - \sqrt{3}.$$

$$\therefore S_{\text{阴影}} = S_{\text{扇形} BOD} - S_{\triangle BOD} = \frac{4}{3} \pi - \sqrt{3}.$$

$$\therefore S_{\text{阴影}} = S_{\text{扇形} BOD} - S_{\triangle BOD} = \frac{4}{3} \pi - \sqrt{3}.$$

$$\therefore S_{\text{阴影}} = S_{\text{扇形} BOD} - S_{\triangle BOD} = \frac{4}{3} \pi - \sqrt{3}.$$

$$\therefore S_{\text{阴影}} = S_{\text{扇形} BOD} - S_{\triangle BOD} = \frac{4}{3} \pi - \sqrt{3}.$$

$$\therefore S_{\text{阴影}} = S_{\text{扇形} BOD} - S_{\triangle BOD} = \frac{4}{3} \pi - \sqrt{3}.$$

$$\therefore S_{\text{阴影}} = S_{\text{扇形} BOD} - S_{\triangle BOD} = \frac{4}{3} \pi - \sqrt{3}.$$

$$\therefore S_{\text{阴影}} = S_{\text{扇形} BOD} - S_{\triangle BOD} = \frac{4}{3} \pi - \sqrt{3}.$$

$$\therefore S_{\text{阴影}} = S_{\text{扇形} BOD} - S_{\triangle BOD} = \frac{4}{3} \pi - \sqrt{3}.$$

$$\therefore S_{\text{阴影}} = S_{\text{扇形} BOD} - S_{\triangle BOD} = \frac{4}{3} \pi - \sqrt{3}.$$

$$\therefore S_{\text{阴影}} = S_{\text{扇形} BOD} - S_{\triangle BOD} = \frac{4}{3} \pi - \sqrt{3}.$$

$$\therefore S_{\text{阴影}} = S_{\text{扇形} BOD} - S_{\triangle BOD} = \frac{4}{3} \pi - \sqrt{3}.$$

$\therefore \angle NMA = 60^\circ.$
 同理可得: $\angle ANM = 60^\circ.$
 $\therefore \angle MAN = 60^\circ.$
 $\therefore \triangle AMN$ 是正三角形.
 (3)连接 $OD.$
 $\therefore \angle AMN = 60^\circ, \therefore \angle AON = 120^\circ.$
 $\therefore \angle AOD = \frac{360^\circ}{5} \times 2 = 144^\circ,$
 $\therefore \angle NOD = \angle AOD - \angle AON = 144^\circ - 120^\circ = 24^\circ.$
 $\therefore 360^\circ \div 24^\circ = 15,$
 $\therefore n$ 的值是 15.

23.解:(1)如图①, 设 BC 与 $\odot O$ 交于点 $M.$

当 $t=2.5$ 时, $BE=1 \times 2.5=2.5.$

$$\therefore EF=10, \therefore OE=\frac{1}{2} EF=5.$$

$$\therefore OB=OE-BE=2.5.$$

$$\therefore EB=OB.$$

\therefore 四边形 $ABCD$ 是矩形,

$\therefore \angle ABC = 90^\circ.$

$\therefore ME=MO.$

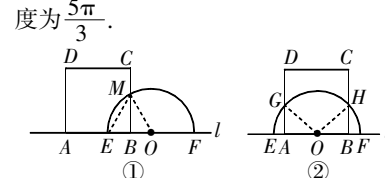
又 $\therefore MO=OE, \therefore ME=OE=MO.$

$\therefore \triangle MOE$ 是等边三角形.

$\therefore \angle EOM = 60^\circ.$

$$\therefore ME \text{ 的长为 } \frac{60 \times \pi \times 5}{180} = \frac{5\pi}{3}.$$

\therefore 半圆 O 在矩形 $ABCD$ 内的弧的长为 $\frac{5\pi}{3}.$



(第 23 题图)

(2)如图②, 连接 $OG, OH.$

$\therefore \angle GOH = 90^\circ,$

$\therefore \angle AOG + \angle BOH = 90^\circ.$

$\therefore \angle AOG + \angle AOG = 90^\circ,$

$\therefore \angle AOG = \angle BOH.$

又 $\therefore OG=OH,$

$\therefore \triangle AOG \cong \triangle BOH.$

$\therefore AG=OB=t-5.$

$\therefore AB=7, \therefore AE=t-7.$

$AO=OE-AE=5-(t-7)=12-t.$

在 $\text{Rt}\triangle AGO$ 中, 根据勾股定理, 得

$AG^2 + AO^2 = OG^2$, 即 $(t-5)^2 + (12-t)^2 = 5^2.$

解得 $t_1=8, t_2=9.$

\therefore 此时 t 的值为 8 或 9.

第 11 期

2~3 版

一、选择题

1~5.BCAAC 6~10.DCDDDB

二、填空题

11. $\angle B \geq 90^\circ$ 12. 4π 13. 20π

14. 45° 15.6

三、解答题(一)

16.(1)解: $\therefore AC$ 是 $\odot O$ 的直径,

$\therefore \angle ABC = 90^\circ.$

$\therefore \angle ACB = 90^\circ - \angle CAB = 90^\circ - 32^\circ = 58^\circ.$

$\therefore \angle ADB = \angle ACB = 58^\circ.$

$\therefore \widehat{AD} = \widehat{BD},$

$$\therefore \angle DBA = \angle DAB = \frac{1}{2} (180^\circ - 58^\circ) = 61^\circ.$$

$$\therefore \angle ACD = \angle DBA = 61^\circ.$$

(2)证明: $\therefore \widehat{AD} = \widehat{CB},$

$\therefore \widehat{AC} + \widehat{CD} = \widehat{CD} + \widehat{BD}.$

$\therefore \widehat{AC} = \widehat{BD}.$

$\therefore \angle AOC = \angle BOD.$

在 $\triangle OCF$ 和 $\triangle ODE$ 中,

$\begin{cases} OC=OD, \\ \angle FOC = \angle EOD, \\ OF=OE, \end{cases}$

$\therefore \triangle OCF \cong \triangle ODE$ (SAS).

\therefore