

12.1 全等三角形

1.解:对应边:EF和NM,EG和NH;
对应角:∠E和∠N,∠EGF和∠NHM

2.C

3.D

4.解:(1)证明:∵△ABC≌△FED,

∴∠A=∠F.

∴AC∥DF.

(2)∵△ABC≌△FED,

∴AB=EF.

∴AB-BE=EF-BE.

∴AE=BF.

∴AF=8,BE=2,

∴AE+BF=8-2=6.

∴AE=3.

∴AB=AE+BE=3+2=5.

5.60°

12.2 三角形全等的判定(一)

第1课时

1.B

2.SSS

3.AC=DB

4.解:(1)证明:∵CE=BF,

∴CE+EF=BF+EF,即BE=CF.

在△ABE和△DCF中,

AB=DC,

AE=DF,

BE=CF,

∴△ABE≌△DCF(SSS).

∴∠B=∠C.

(2)由(1),得△ABE≌△DCF.

∴∠AEB=∠DFC=30°.

$$\therefore \angle BAE = 180^\circ - \angle B - \angle AEB = 180^\circ - 40^\circ - 30^\circ = 110^\circ.$$

∴AF平分∠BAE,

$$\therefore \angle BAF = \frac{1}{2} \angle BAE = \frac{1}{2} \times 110^\circ = 55^\circ.$$

第2课时

1.证明:∵EG=FH,

∴EG+GH=FH+GH,

即EH=FG.

∴AB∥CD,

∴∠BHE=∠EGD.

∴∠EGD=∠CGF,

∴∠CGF=∠BHE.

在△CGF和△BHE中,

CG=BH,

∠CGF=∠BHE,

FG=EH,

∴△CGF≌△BHE(SAS).

∴∠F=∠E.

∴CF∥BE.

2.解:(1)证明:∵点O是线段AB的中点,

∴AO=BO.

∴OD∥BC,

∴∠AOD=∠OBC.

在△AOD和△OBC中,

AO=BO,

∠AOD=∠OBC,

OD=BC,

∴△AOD≌△OBC(SAS).

(2)由(1)知△AOD≌△OBC.

∴∠ADO=∠OCB=35°.

∴OD∥BC,

∴∠DOC=∠OCB=35°.

3版

一、选择题

1~3.DAD 4~6.BCA

二、填空题

7.1 8.SSS

9.76° 10.40°

11.30°

12.(0,-4)或(3,4)或(3,-4)

三、解答题

13.证明:∵AD=BC,

∴AD+DC=BC+CD,

即AC=BD.

在△ACE和△BDF中,

AC=BD,

AE=BF,

CE=DF,

∴△ACE≌△BDF(SSS).

∴∠A=∠B.

∴AE∥BF.

14.证明:(1)∵∠BAC=∠DAE,

∴∠BAC-∠DAC=∠DAE-∠DAC,

即∠BAD=∠1.

在△ABD和△ACE中,

AB=AC,

∠BAD=∠1,

AD=AE,

∴△ABD≌△ACE(SAS).

(2)由(1)可知,△ABD≌△ACE,

∴∠ABD=∠2.

∴∠3=∠BAD+∠ABD=∠1+∠2.

15.解:(1)∵△ABC≌△DEB,DE=8,BC=5,

∴AB=DE=8,BE=BC=5.

∴AE=AB-BE=8-5=3.

(2)∵△ABC≌△DEB,∠D=35°,∠C=60°,

∴∠DBE=∠C=60°,∠A=∠D=35°,

∠ABC=∠DEB.

∴∠ABC=180°-∠A-∠C=85°.

∴∠DBC=∠ABC-∠DBE=85°-60°=25°.

∴∠ABC=85°,

∴∠DEB=∠ABC=85°.

∴∠AED=180°-∠DEB=95°.

$$\therefore \angle AFD = \angle A + \angle AED = 35^\circ + 95^\circ = 130^\circ.$$

16.解:(1)证明:在△AOB和△COD中,

OA=OC,

∠AOB=∠COD,

OB=OD,

∴△AOB≌△COD(SAS).

(2)由(1)知,△AOB≌△COD,

∴CD=AB=8.

在△BCD中,BC-CD<BD<BC+CD,

即2<2OB<18.

∴1<OB<9.

17.解:(1)当t=1时,AP=BQ=1, BP=AC=3.

在△ACP和△BPQ中,

AP=BQ,

∠A=∠B=90°,

AC=BP,

∴△ACP≌△BPQ(SAS).

∴∠ACP=∠BPQ.

∴∠APC+∠BPQ=∠APC+∠ACP=

90°.

∴∠CPQ=90°,即线段PC与PQ垂直.

(2)①若△ACP≌△BPQ,

$$\text{则 } AC=BP, AP=BQ, \text{ 即 } \begin{cases} 3=4-t, \\ t=xt. \end{cases}$$

$$\text{解得 } \begin{cases} t=1, \\ x=1. \end{cases}$$

②若△ACP≌△BQP,

则AC=BQ,AP=BP.

$$\text{即 } \begin{cases} 3=xt, \\ t=4-t. \end{cases}$$

$$\text{解得 } \begin{cases} t=2, \\ x=\frac{3}{2}. \end{cases}$$

综上,存在 $\begin{cases} t=1, \\ x=1 \end{cases}$ 或 $\begin{cases} t=2, \\ x=\frac{3}{2} \end{cases}$ 使得

△ACP与△BPQ全等.

第1期

2版

11.1.1 三角形的边

1.B 2.C 3.C 4.D

11.1.2 三角形的高、中线

与角平分线

1.B 2.A 3.C

11.1.3 三角形的稳定性

1.A 2.B

11.2.1 三角形的内角

1.A 2.C

3.解:∵BD⊥AC,∠CBD=30°,

∴∠BCD=180°-90°-30°=60°.

∴CE平分∠ACB,

$$\therefore \angle ACE = \frac{1}{2} \angle BCD = 30^\circ.$$

∴∠A=69°,

∴∠AEC=180°-69°-30°=81°.

∴∠BEC=180°-81°=99°.

4.52°

5.C

3版

一、选择题

1~3.ABB 4~6.BCA

二、填空题

7.稳定性

8.22.5°

9.钝角

10.2

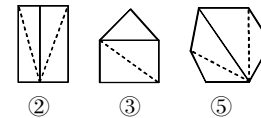
11.20°

12.2或10

三、解答题

13.解:(1)①④⑥.

(2)如图所示(答案不唯一):



(第13题图)

14.解:∵∠C=30°,∠B=60°,

∴∠CAB=180°-30°-60°=90°.

∴AD平分∠CAB,

$$\therefore \angle CAD = \angle BAD = \frac{1}{2} \angle CAB =$$

45°.

∴∠1=180°-60°-45°=75°.

15.解:(1)由题意,得AB-AC<BC<AC+AB.

∴AB=8,AC=1,

∴7<BC<9.

∴BC是整数,

∴BC=8.

(2)∵AD是△ABC的中线,

∴BD=CD.

∴△ACD的周长为10,

∴AC+AD+CD=10.

∴AC=1,

∴AD+CD=9.

∴△ABD的周长=AB+BD+AD=AB+AD+CD=8+9=17.

16.解:(1)△ABC是“三倍角三角形”.理由如下:

∴∠A=35°,∠B=40°,

∴∠C=180°-35°-40°=105°=

3×35°=3∠A.

∴△ABC是“三倍角三角形”.

(2)∵∠B=30°,

∴∠A+∠C=150°.

设△ABC最小的内角为x,

①当30°=3x时,x=10°;

②当x+3x=150°时,x=37.5°, 30°<37.5°;

③30°×3=90°,180°-30°-90°=60°.

答:△ABC中最小内角为10°或30°.

17.解:(1)∠A+∠B=∠C+∠D.

(2)∵AP,CP分别平分∠BAD, ∠BCD,

∴∠BAP=∠DAP, ∠BCP=∠DCP.

由(1),得∠BAP+∠B=∠BCP+∠P, ∠DAP+∠P=∠DCP+∠D.

∴∠B-∠P=∠P-∠D,即2∠P=∠B+∠D.

∴∠B=36°,∠D=14°,

∴∠P=25°.

(3)2∠P=∠B+∠D.

理由:∵CP,AG分别平分∠BCE, ∠FAD,

∴∠ECP=∠PCB,∠FAG=∠GAD.

∴∠PAB=∠FAG,

∴∠GAD=∠PAB.

∴∠P+∠PAB=∠B+∠PCB,

∴∠P+∠GAD=∠B+∠PCB.①

∴∠P+∠PAD=∠D+∠PCD,

∴∠P+(180°-∠GAD)=∠D+(180°-∠ECP).②

①+②,得2∠P=∠B+∠D.

11.2.2 三角形的外角

1.C 2.A 3.B

4.解: $\because \angle A=70^\circ, \angle B=50^\circ,$ $\therefore \angle ACB=180^\circ-70^\circ-50^\circ=60^\circ.$ $\therefore CD$ 平分 $\angle ACB,$ $\therefore \angle BCD=\frac{1}{2}\angle ACB=\frac{1}{2}\times 60^\circ=$ $30^\circ.$ $\therefore \angle ADC=\angle B+\angle BCD=50^\circ+$
 $30^\circ=80^\circ.$

5.72°

11.3.1 多边形

1.B 2.B

3.图略.

4.(n-1)

11.3.2 多边形的内角和
第1课时

1.C 2.C

3.解:(1) \therefore 四边形的内角和为
 $(4-2)\times 180^\circ=360^\circ,$ $\therefore 2x^\circ+140^\circ+90^\circ=360^\circ.$ 解得 $x=65.$ (2) \therefore 五边形的内角和为 $(5-2)\times$
 $180^\circ=540^\circ,$ $\therefore 3x^\circ+120^\circ+150^\circ+90^\circ=540^\circ.$ 解得 $x=60.$

第2课时

1.C

2.解:(1) $\therefore AE\parallel CD,$ $\therefore \angle D+\angle E=180^\circ.$ \therefore 五边形 $ABCDE$ 中, $\angle A=$
 $100^\circ, \angle B=120^\circ,$ $\therefore \angle C=(5-2)\times 180^\circ-180^\circ-$
 $100^\circ-120^\circ=140^\circ.$ (2)五边形 $ABCDE$ 的外角和
是 $360^\circ.$

3版

一、选择题

1~3.CBC 4~6.DBC

二、填空题

7.1 800° 8.40°

9.110°

10.180°或 360°或 540°

11.132°

12. $\frac{1}{2}\alpha+10^\circ$ 或 $\frac{1}{2}\alpha-10^\circ$

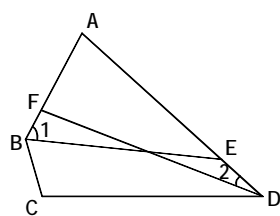
三、解答题

13. 解: $\therefore BD$ 平分 $\angle ABC,$
 $\angle DBC=31^\circ,$ $\therefore \angle ABC=2\angle DBC=62^\circ.$ $\therefore \angle A=68^\circ,$ $\therefore \angle C=180^\circ-\angle A-\angle ABC=50^\circ.$ $\therefore \angle ADB$ 是 $\triangle BDC$ 的一个外角, $\therefore \angle ADB=\angle DBC+\angle C=81^\circ.$

14.解:(1)依题意,得

 $(n-2)\times 180^\circ\times \frac{1}{4}=360^\circ+90^\circ.$ 解得 $n=12,$ 即 n 的值为 12.(2)因为这个多边形的每个内
角都相等,所以这个多边形的每个外角
都相等.因为多边形的一个内角为
 $108^\circ,$ 所以这个多边形的每一个外
角为 $72^\circ.$ 因为多边形的外角和为 $360^\circ,$
所以 $n=\frac{360}{72}=5,$ 即 n 的值为 5.15. 解:(1) \therefore 在四边形 $ABCD$
中, $\angle A=75^\circ, \angle C=105^\circ,$ $\therefore \angle ABC+\angle ADC=360^\circ-75^\circ-$
 $105^\circ=180^\circ.$

(2)如图,



(第15题图)

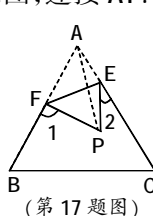
 $\therefore BE$ 平分 $\angle ABC, DF$ 平分
 $\angle ADC,$ $\therefore \angle 1=\frac{1}{2}\angle ABC, \angle 2=\frac{1}{2}\angle ADC.$ $\therefore \angle 1+\angle 2=\frac{1}{2}(\angle ABC+\angle ADC)=$ $90^\circ.$

由三角形外角的性质可得,

 $\angle BED=\angle 1+\angle A, \angle BFD=$
 $\angle 2+\angle A.$ $\therefore \angle BED+\angle BFD=\angle 1+\angle A+$
 $\angle 2+\angle A=\angle 1+\angle 2+2\angle A=90^\circ+$
 $150^\circ=240^\circ.$ 16.解:(1) $\therefore A_1B$ 是 $\angle ABC$ 的
平分线, A_1C 是 $\angle ACD$ 的平分线, $\therefore \angle A_1BC=\frac{1}{2}\angle ABC, \angle A_1CD=$ $\frac{1}{2}\angle ACD.$ 又 $\because \angle ACD=\angle A+\angle ABC,$
 $\angle A_1CD=\angle A_1BC+\angle A_1,$ $\therefore \frac{1}{2}(\angle A+\angle ABC)=\frac{1}{2}\angle ABC+$ $\angle A_1.$ $\therefore \angle A_1=\frac{1}{2}\angle A.$ (2)由(1)的方法可得 $\angle A_2=$ $\frac{1}{2}\angle A_1.$ $\therefore \angle A_2=16^\circ,$ $\therefore \angle A_1=2\angle A_2=32^\circ.$ $\therefore \angle A=2\angle A_1=64^\circ.$

17.解:(1)D.

(2)240.

(3) $\because \angle 1=\angle A+\angle ANM, \angle 2=$
 $\angle A+\angle AMN,$ $\therefore \angle 1+\angle 2=\angle A+\angle ANM+$
 $\angle AMN+\angle A=180^\circ+\angle A.$ (4)如图,连接 $AP.$ 

(第17题图)

 $\therefore \angle 1=\angle FAP+\angle FPA, \angle 2=$
 $\angle EAP+\angle EPA,$ $\therefore \angle 1+\angle 2=\angle FAP+\angle FPA+$
 $\angle EAP+\angle EPA=\angle BAC+\angle EPF.$ $\therefore \angle BAC=\angle EPF,$ $\therefore \angle 1+\angle 2=2\angle BAC,$ 即 $\angle 1+\angle 2=2\angle A.$

第3期

2~3版

一、选择题

1~3.CDC

4~6.BAB

二、填空题

7.稳定性

8.120

9.十三

10.30°

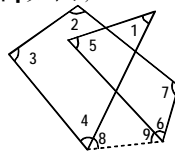
11.增加,5

12.57.5 或 $\frac{220}{3}$

三、

13.解:(1)因为 a, b, c 是 $\triangle ABC$ 的
三边长, $a=4, b=6,$ 所以 $2<c<10.$ 因为三角形的周长是小于 18 的
偶数,所以 $2<c<8.$ 所以 c 边的长是 4 或 6.(2) $|a+b-c|+|c-a-b|$ $=a+b-c-c+a+b$ $=2a+2b-2c.$ 14.解: $\because \angle ADE=125^\circ, \therefore \angle ADC=55^\circ.$ $\because \angle A=80^\circ, \angle C=75^\circ,$ 四边形的内
角和为 $360^\circ,$ $\therefore \angle B=360^\circ-\angle A-\angle C-\angle ADC$ $=360^\circ-80^\circ-75^\circ-55^\circ$ $=150^\circ.$

15.解:如图,



(第15题图)

由三角形内角和定理,得

 $\angle 1+\angle 5=\angle 8+\angle 9.$ $\therefore \angle 1+\angle 2+\angle 3+\angle 4+\angle 5+$
 $\angle 6+\angle 7=\angle 1+\angle 5+\angle 2+\angle 3+\angle 4+$
 $\angle 6+\angle 7=\angle 8+\angle 9+\angle 2+\angle 3+\angle 4+$
 $\angle 6+\angle 7=180^\circ\times(5-2)=540^\circ.$ 16.解: $\because DE\parallel BC,$ $\therefore \angle ABC=\angle AED=55^\circ.$ 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle A=180^\circ-\angle ABC-$
 $\angle C=180^\circ-55^\circ-52^\circ=73^\circ.$ $\therefore BD$ 为 AC 边上的高, $\therefore \triangle ADB$ 为直角三角形. $\therefore \angle ABD=90^\circ-\angle A=90^\circ-73^\circ=17^\circ.$ 17.解:在 $\triangle ABC$ 中, $\angle ACB=80^\circ,$
 $\angle B=24^\circ,$ $\therefore \angle BAC=180^\circ-\angle ACB-\angle B=76^\circ.$ $\therefore AD$ 平分 $\angle BAC,$ $\therefore \angle CAD=\frac{1}{2}\angle BAC=38^\circ.$ 在 $\triangle ACD$ 中, $\angle ACD=80^\circ, \angle CAD=$
 $38^\circ,$ $\therefore \angle ADC=180^\circ-\angle ACD-\angle CAD=62^\circ.$ $\therefore \angle PDE=\angle ADC=62^\circ.$ $\therefore PE\perp BC$ 于点 $E,$ $\therefore \angle PED=90^\circ.$ $\therefore \angle P=180^\circ-\angle PDE-\angle PED=28^\circ.$

四、

18.解: $\therefore BE$ 是 AC 上的高, $\therefore \angle AEB=90^\circ.$ $\therefore \angle ABC=50^\circ, \angle ACB=60^\circ,$ $\therefore \angle A=180^\circ-60^\circ-50^\circ=70^\circ.$ $\therefore \angle ABE=180^\circ-90^\circ-70^\circ=20^\circ.$ $\therefore CF$ 是 AB 上的高, $\therefore \angle AFC=90^\circ.$ $\therefore \angle ACF=180^\circ-90^\circ-70^\circ=20^\circ.$ $\therefore \angle ABE=20^\circ, \angle BFC=90^\circ,$ $\therefore \angle BHC=\angle ABE+\angle BFC=20^\circ+90^\circ=$ $110^\circ.$ 19.解:(1)设这个正多边形的每个
内角是 $x^\circ.$ 根据题意,得 $x=4(180-x)+30.$ 解得 $x=150.$

所以这个正多边形的每个外角是

 $180^\circ-150^\circ=30^\circ.$ 因为多边形的外角和是 $360^\circ,$

所以这个多边形中外角的个数是

 $360^\circ\div 30^\circ=12.$

所以这个正多边形的边数为 12.

(2)设这个多边形的边数为 $n.$ 根据题意,得 $\frac{2}{7}(n-2)\times 180^\circ=360^\circ.$ 解得 $n=9.$

所以这个多边形的边数为 9.

20.解:(1)证明: $\because AF$ 平分 $\angle BAC,$ $\therefore \angle BAF=\angle CAF.$ $\therefore AF\parallel CE, \therefore \angle E=\angle BAF.$ $\therefore \angle E=\angle CAF.$ 又 $\because \angle D=\angle E, \therefore \angle D=\angle CAF.$ $\therefore BD\parallel AF.$ (2)由(1)知 $BD\parallel AF,$ $\therefore \angle ABD=\angle BAF.$ $\therefore AF$ 平分 $\angle BAC,$ $\therefore \angle BAC=2\angle BAF=2\angle ABD.$ $\therefore \angle ABD=2\angle ABC,$ $\therefore \angle BAC=4\angle ABC.$ $\therefore \angle BAD=80^\circ,$ $\therefore \angle BAC=180^\circ-\angle BAD=100^\circ.$ $\therefore \angle ABC=\frac{1}{4}\angle BAC=25^\circ.$ $\therefore \angle ACF=180^\circ-\angle BAC-\angle ABC=55^\circ.$

五、

21.解:(1)②.

(2)① $16-(2x+2)>2x+2-(2x-6),$ 解得 $x<3.$ $\therefore 2x-6>0,$ 解得 $x>3.$

故不合题意,舍去.

② $2x+2>16>2x-6,$ 解得 $7<x<11.$ $2x+2-16>16-(2x-6),$ 解得 $x>9.$ $\therefore 9<x<11.$ $\therefore x$ 为整数, $\therefore x=10.$ 经检验,当 $x=10$ 时,三边长为 22,16,

14 可构成三角形.

③ $2x-6>16,$ 解得 $x>11.$ $2x+2-(2x-6)>2x-6-16,$ 解得 $x<15.$ $\therefore 11<x<15.$ $\therefore x$ 为整数, $\therefore x=12$ 或 13 或 14.经检验,当 $x=12$ 时,三边长为 18,

16,26;

当 $x=13$ 时,三边长为 20,16,28;当 $x=14$ 时,三边长为 22,16,30.

都可以构成三角形.

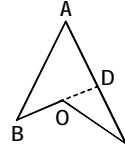
综上所述, x 的整数值为 10 或 12
或 13 或 14.

22.解:(1)证明:由“对顶三角形”

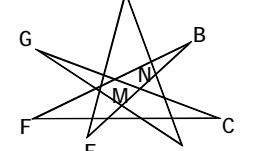
可得, $\angle OAB+\angle B=\angle C+\angle D,$ $\therefore \angle OAB-\angle C=\angle D-\angle B.$ $\therefore \angle EAO=\angle C, \angle D=2\angle B,$ $\therefore \angle OAB-\angle EAO=\angle B,$ 即 $\angle EAB=\angle B.$ (2)由题意,得 $\angle ECD-\angle DBE=20^\circ.$ 由 $\triangle BOD$ 和 $\triangle COE$ 是“对顶三角
形”,得 $\angle DBE+\angle BDO=\angle ECD+\angle OEC.$ $\therefore \angle BDO-\angle OEC=\angle ECD-\angle DBE=$ $20^\circ.$ $\therefore \angle BOD=\angle A, \angle BOD+\angle DOE=180^\circ,$ $\therefore \angle A+\angle DOE=180^\circ.$ $\therefore \angle ADO+\angle AEO=180^\circ.$ $\therefore \angle AEO+\angle OEC=\angle BDO+\angle ADO=$ $180^\circ,$ $\therefore \angle BDO=\angle AEO.$ $\therefore \angle BDO+\angle OEC=180^\circ.$ $\therefore \angle BDO-\angle OEC=20^\circ,$ 解得 $\angle BDO=100^\circ.$

六、

23.解:【模块探究】

证明:如图①,延长 BO 交 AC 于点 $D.$ $\therefore \angle BOC=\angle C+\angle CDO,$ $\angle CDO=\angle A+\angle B,$ $\therefore \angle BOC=\angle A+\angle B+\angle C.$ 

①



④

(第23题图)

【直观应用】

(1)由上述结论,得 $\angle BOC=\angle A+\angle B+$ $\angle C, \angle EOF=\angle D+\angle E+\angle F.$ $\therefore \angle BOC=\angle EOF=\alpha,$ $\therefore \angle A+\angle B+\angle C+\angle D+\angle E+\angle F=$ $\angle BOC+\angle EOF=2\alpha.$ 故答案为: $2\alpha.$ (2) $\angle A, \angle B, \angle C, \angle D, \angle E$ 的度
数之和是 $180^\circ.$ 证明: $\because \angle BOC=\angle A+\angle B+\angle C,$ $\angle COD$